



Minimizar el área de la lata, teniendo en cuenta que el volumen será de 1 dm³

$$V = \pi h r^2 \text{ (volumen)}$$

$$A = 2 \pi r^2 + 2 \pi r h \text{ (superficie total)}$$

$$\min A = 2 \pi r^2 + 2 \pi r h$$

sujeto a

$$V = \pi h r^2 = 1$$

Solución:

Teniendo en cuenta la restricción $V = \pi h r^2 = 1$, despejamos h. Por lo tanto tenemos que

$$h = \frac{1}{\pi r^2}$$

Sustituyendo h en A, tenemos que $A = 2 \pi r^2 + \frac{2}{r}$

Para saber en que r se da el máximo de la función A, derivamos esta en r e igualamos a 0:

$$A'(r) = 4 \pi r - \frac{2}{r^2}$$

$$4 \pi r - \frac{2}{r^2} = 0 \rightarrow 4 \pi r = \frac{2}{r^2} \rightarrow 4 \pi r^3 = 2 \rightarrow r = \sqrt[3]{\frac{1}{2 \pi}}$$

Una vez obtenido el valor de r, es fácil hallar el de h.