

**Parcial 1**

a) Dado:

$$b = i + 2$$

Expresar en notación binomial y polar.

$$b^3$$

c) Indicar si el conjunto es subespacio de  $\mathbb{R}^3$ . Justifique.

$$S = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^3 : 2 + 5y + 2z = 0 \right\}$$

**Parcial 2**

a) Dado:

$$b = 3i + 3$$

Expresar en notación binomial y polar.

$$b^2 + b$$

c) Indicar si el conjunto es subespacio de  $\mathbb{R}^3$ . Justifique.

$$S = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^3 : 2x + 4y + 5z = 0 \right\}$$

**Parcial 3**

a) Dado:

$$b = i - 1 \text{ y } c = 2 + i$$

Expresar en notación binomial y polar.

$$(b + c)^2$$

b) Halle las derivadas segundas de  $f(x,y)$

$$f(x, y) = e^x + \cos(xy)$$

c) Indicar si el conjunto es subespacio de  $\mathbb{R}^3$ . Justifique.

$$S = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^3 : 4x + 2y + 6z = 0 \right\}$$

### Parcial 4

a) Expresar en notación binomial y polar.

$$i^{314}$$

c) Dado los vectores  $\vec{u} = (1, 2, 4)$ ,  $\vec{v} = (2, 3, 5)$  calcular:

$$\langle \vec{u}, \vec{v} \rangle, \vec{u} \times \vec{v} \text{ y el ángulo entre } \vec{u} \text{ y } \vec{v}$$

### Parcial 5

a) Expresar en notación binomial y polar.

$$i^{125}$$

b) Dado los vectores  $\vec{u} = (2, 0, 5)$ ,  $\vec{v} = (2, 1, 1)$  calcular:

$$\|\vec{u}\|, \|\vec{v}\| \text{ y } \vec{u} \times \vec{v}$$

c) Consideremos el conjunto

$$A = \{(1, 0, 2, -1), (2, 8, 4, 1), (3, 2, 1, 0)\}$$

formado por tres 4-uplas de números reales. Determinar si  $X$  puede obtenerse como combinación lineal de los elementos de  $A$ . Si la respuesta es afirmativa hallar los respectivos coeficientes.

$$X = (1, 1, 3, 1).$$

**Parcial 6**

b) Dado los vectores  $\vec{u} = (0, 0, 3)$ ,  $\vec{v} = (1, 2, 3)$  calcular:

$\|\vec{u} \times \vec{v}\|$  y el ángulo entre  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$ .

c) Indicar si el conjunto es subespacio de  $\mathbb{R}^3$ . Justifique.

$$S = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^3 : x + y + 2z = 3 \right\}$$

**Parcial 7**

a) Encuentre los puntos críticos y clasifíquelos:

$$f(x, y) = -2x^2 - y^2 + 8x + 10y - 5xy$$

b) Dado los vectores  $\vec{u} = (1, 1, -5)$ ,  $\vec{v} = (-1, 0, 0)$  calcular:

$\langle \vec{u}, \vec{v} \rangle$  y el ángulo entre  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$ .

c) Indicar si el conjunto es subespacio de  $\mathbb{R}^3$ . Justifique.

$$S = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^3 : x + y - z = 0 \right\}$$

**Parcial 8**

a) Encuentre los puntos críticos y clasifíquelos:

$$f(x, y) = 2x^2 + 4xy - x^2y - 4x$$

c) Consideremos el conjunto

$$A = \{(1, 1, 1, -1), (2, 4, 3, 1), (3, 2, 1, 2)\}$$

formado por tres 4-uplas de números reales. Determinar si  $X$  puede obtenerse como combinación lineal de los elementos de  $A$ . Si la respuesta es afirmativa hallar los respectivos coeficientes.

$$X = (1, 2, 3, 5).$$

### Parcial 9

b) Hallar las ecuaciones paramétricas e implícitas de la recta que pasa por el punto  $(1,2,0)$  y es perpendicular a  $5x + 2y = 0$ .

### Parcial 10

a) Realizar la siguiente transformada de Laplace:

$$x(t) = e^{8t}u(t)$$

b) Hallar las ecuaciones paramétricas e implícitas de la recta que pasa por el punto  $(1,0,3)$  y es perpendicular a  $x + y - z = 0$ .

c) Dada:

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 4 & -1 \\ 3 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

Calcule:

$$A^t \times A.$$

### Parcial 11

a) Realizar la siguiente transformada de Laplace:

$$x(t) = e^{-2t}u(t)$$

b) Dada:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 6 \end{pmatrix}$$

Calcule:

$$2A^t \times A.$$

c) Hallar la ecuación paramétrica y ecuación reducida o implícita de la recta que pasa por el punto  $P = (1, 1, 3)$ , con vector director  $\vec{v} = (0, 1, 1)$ .

### Parcial 12

a) Realizar la siguiente transformada de Laplace:

b) Hallar las ecuaciones paramétricas e implícitas de la recta que pasa por el punto  $(0, 1, -3)$  y es perpendicular a  $x + 4y = 0$ .

### Parcial 13

a) Realizar la siguiente transformada de Laplace:

$$x(t) = e^{-6t}u(t)$$

b) Sabiendo que  $|A| = 1$  calcule el determinante de B:  
 $B = A^3 * A^{-1} * A^t$

c) Halle las derivadas segundas de  $f(x, y)$   
 $f(x, y) = 3x^5y + 6e^x$

### Parcial 14

a) Realizar la siguiente transformada de Laplace:

$$x(t) = e^t u(-t)$$

c) Halle las derivadas segundas de  $f(x,y)$

$$f(x, y) = 3x^5y + 6e^x$$